ガウス過程回帰の混合エキスパートモデルを用いた 歌声 F₀ 軌跡の予測と生成*

◎大石康智 (NTT), 持橋大地 (統数研), 亀岡弘和, 柏野邦夫 (NTT)

1 はじめに

本研究の目的は、歌声の基本周波数の時間変化(F0 軌跡)に表れる歌唱表現を特徴抽出し、任意の楽譜に 対して,その歌唱表現を反映した F₀ 軌跡を予測可能 な生成過程モデルを構築することである。歌唱表現の 定義はまだ十分になされていないが、歌唱表現が歌唱 フォルマントやFo動的変動成分のような信号特徴と 関連付けられることが明らかにされた [1]。特に、ビ ブラートやポルタメントのような Fo 動的変動成分は 知覚的な観点からも、歌唱表現と密接に関係する[2]。 ビブラートは、持続音において、F0 が準周期的に変 調される成分であり、速度、振幅、継続長、波形、規 則性などによって特徴付けられる。一方、ポルタメン トは, 音符の切り替わりにおいて, F₀ が緩やかに変 化する成分である [3]。歌唱者は、楽譜のコンテキス ト(音符の高さや長さなど)が与えられた下で、これ らの動的変動成分を巧みに制御して、歌声に表情を 付ける。このような生成過程を計算機で実現できれ ば、歌唱者の個性や表現力を学習することにつなが り、歌声の認識や合成 [4-6] への応用を期待できる。 例えば,ある歌唱者の大量の歌声から歌唱表現を学習 することによって、どんな新しい楽譜に対しても、そ の表現を付与して合成することが可能となるだろう。

これまで個々の F₀ 動的変動成分を特徴抽出して, 歌声の認識や合成, 歌唱力評価に利用する試みはな されてきたものの [2,3,7-9], 動的変動成分を楽譜の コンテキストと結びつけて、体系的にその動特性を 学習する方法は十分に検討されていなかった。隠れ マルコフモデル (HMM) に基づく歌声合成のように, コンテキストラベルが付与された区間毎に、 例えば、 5 状態の HMM を用いて F₀ の動特性を学習すること もできるが、状態内で出力確率分布が一定であると いう HMM の制約のために、短時間に細かく変動す る歌声の F₀ を,固定された状態数と局所的な動的特 徴で表現することは難しいとされる [10]。また、未知 のコンテキストに対して頑健なモデルを構築するた めに、木構造に基づくクラスタリングを行うが、実際 に生成される F₀ 軌跡は過剰に平滑化され、本来の動 特性を再現できないという問題もある。

本稿では、楽譜のコンテキストから歌声の F₀ 軌跡 が生成される入出力関係を、ガウス過程回帰の混合 エキスパートモデル [11] を利用して直接的にモデル 化する。混合エキスパートモデルは混合モデルの一



Fig. 1 メロディの楽譜とそれを歌った歌声の F_0 軌跡: MIDI 信号からノートナンバと音長を算出してメロディの楽譜とした。

つの拡張であり,混合係数それ自身を入力変数の関数 (ゲート関数と呼ぶ)で表現する。すなわち,入力空 間(楽譜のコンテキストからなる空間)の異なる領域 ごとに,個々の混合要素の密度関数(エキスパートと 呼ばれ,ここではガウス過程回帰に相当する)が F_0 軌跡の予測を行う。ゲート関数はいずれの混合要素が どの領域において優勢であるかを判定する。これによ り,歌唱者がコンテキストに依存して,歌唱表現に起 因する F_0 動的変動成分を多様に使い分ける動作を表 現できると考える。さらに,動的変動成分を精緻に特 徴づけるために,個々のガウス過程回帰におけるカー ネル関数の設計を工夫する。評価実験では,新規の楽 譜に対する F_0 軌跡の予測の観点から提案法を評価す る。また,モデルの学習データ量について検討する。

2 歌声 *F*₀ 軌跡の生成過程モデル

メロディの楽譜とその歌声が同期して与えられた下 で、楽譜に含まれる様々なコンテキストから F₀ 軌跡 への回帰問題を考える。入力変数は楽譜に基づいて、 例えば下記のように構成される。

 $x_t = [音符内位置(発音開始時刻からの時間),音長,$ $先行音符との音高差,後続音符との音高差<math>]^{T}$

もちろん,歌詞の音素情報やクレッシェンドのような 演奏情報の有無などを入力変数に加えることも可能 である。一方で、出力変数 $\{y_t\}_{t=1}^T$ には、 F_0 軌跡か ら音符情報を取り除いた後退差分信号を利用する。差 分信号を扱うことで、Fig. 1 に示すように、動的変動 成分を顕著に観測することができる。 F_0 は YIN[12]

^{*}Mixture of Gaussian process experts for predicting and generating sung melodic contour. by OHISHI, Yasunori (NTT), MOCHIHASHI, Daichi (ISM), KAMEOKA, Hirokazu, KASHINO, Kunio (NTT)



Fig. 2 MoGPEsにおける入力空間の割り当て:各楕 円領域は全共分散型ガウス分布を表し、この領域で は同じ GPRによって出力が予測される。

を利用して 10 ms ごとに推定され、下記のように Hz で表される周波数単位を cent に変換する。

$$y_{\text{cent}} = 1200 \log_2 \frac{y_{\text{Hz}}}{440 \times 2^{\frac{3}{12}-5}} \tag{1}$$

まず、ガウス過程回帰 (Gaussian process regression, GPR) を説明する。学習データ $\mathcal{D} = \{x_t, y_t\}_{t=1}^T$ が与 えられ、出力変数を並べたベクトル $\boldsymbol{y} = [y_1, \dots, y_T]^T$ を GPR によって回帰する場合、その確率密度関数は

$$\boldsymbol{y} \sim \mathcal{GP}(\boldsymbol{y}; \boldsymbol{0}, \boldsymbol{K} + \eta^2 \boldsymbol{I}) = \mathcal{N}(\boldsymbol{y}; \boldsymbol{0}, \boldsymbol{K} + \eta^2 \boldsymbol{I})$$
 (2)

のような多次元ガウス分布で表現される。ここで、 K は $K_{i,j} = k(x_i, x_j)$ を要素に持つグラム行列, $k(x_i, x_j)$ は2 変数間の類似性を定義するカーネル関 数である。また、 $\eta^2 \ge I$ はそれぞれ、観測雑音の分 散値と単位行列を表す。GPR は新しい入力変数 x_* が与えられたときの出力変数 y_* の予測分布を推論で きる。予測分布は、

$$p(y_*|\mathcal{D}, \boldsymbol{x}_*) = \mathcal{N}(y_*; \mu_*, \sigma_*^2), \qquad (3)$$
$$\mu_* = \boldsymbol{k}_*^{\mathrm{T}} (\boldsymbol{K} + \eta^2 \boldsymbol{I})^{-1} \boldsymbol{y},$$
$$\sigma_*^2 = k(\boldsymbol{x}_*, \boldsymbol{x}_*) - \boldsymbol{k}_*^{\mathrm{T}} (\boldsymbol{K} + \eta^2 \boldsymbol{I})^{-1} \boldsymbol{k}_*$$

となり、 k_* は $k(x_t, x_*)$ (t = 1, ..., T)からなるベクトルを表す。学習データが"事例"となって、新たな入力変数に対する予測に貢献することがわかる。

カーネル関数の必要条件はグラム行列が半正定値 対称行列となることである。出力信号が定常である ことを仮定し, Squared exponential (SE) 共分散関 数が一般的に利用されるが, Fig. 1 に示すように, 差 分信号は必ずしも定常ではない。歌唱者は音符の並 びに依存して,様々な動的変動成分を使い分けながら 歌唱するためである。このような非定常な動特性を モデル化するために,ガウス過程回帰の混合エキス パートモデル (Mixture of Gaussian process experts, MoGPEs) を利用する。

MoGPEsでは、入力空間がゲート関数によって確率 的に分割される (Fig. 2)。それぞれの領域では、異な る GPR によって、動的変動成分が特徴付けられて、出 力が予測される。最終的に、出力は個々のゲート関数 と GPR との混合モデルとして表現される。MoGPEs



Fig. 3 提案法のグラフィカル表現

はこれまで,2つの構成方法 [11,13] が提案されてい るが,文献 [11] は MoGPEs の完全な生成モデルを定 義し,入力変数の欠損や出力変数から入力変数への 逆予測が可能であるため,この構成方法を利用する。 生成過程の流れを以下に示す。

- 1. ディリクレー多項分布モデルを用いて, T 個の入 力変数をR 個の領域のいずれかに割り当てる。こ れは指示変数集合 $\{z_t\}_{t=1}^T$ によって表現される。
- 2. 指示変数の集合 $\{z_t : z_t = r\}$ が与えられた下で、 領域 r の入力変数の密度分布パラメータ $\theta_r^{\alpha} \equiv \{\mu_r, \Sigma_r\}$ が生成される。ここで、密度分布は全 共分散型ガウス分布を仮定する。
- 3. θ_r^x が与えられた下で、領域rに属する入力変数 集合 $X_r \equiv \{x_t : z_t = r\}$ が生成される。
- 4. カーネル関数のパラメータ $\theta_r^{\text{GP}} \equiv \{\psi_r, w_r^2, \eta_r^2\}$ が領域毎に生成される。
- 5. 領域毎に $X_r \geq \theta_r^{\text{GP}}$ を使ってグラム行列が計算され,出力変数を並べたベクトル $y_r \equiv \{y_t : z_t = r\}$ が生成される。

Fig. 3 はこのグラフィカル表現であり、同時分布は、

$$p(\{\boldsymbol{x}_{t}, y_{t}\}_{t=1}^{T}, \{\boldsymbol{z}_{t}\}_{t=1}^{T}, \{\boldsymbol{\theta}_{r}^{\text{GP}}\}_{r=1}^{R}, \{\boldsymbol{\theta}_{r}^{\boldsymbol{x}}\}_{r=1}^{R} | \boldsymbol{\Omega}) \qquad (4)$$
$$= \prod_{r=1}^{R} \left[p(\boldsymbol{\theta}_{r}^{\boldsymbol{x}} | \boldsymbol{\Omega}) p(\boldsymbol{X}_{r} | \boldsymbol{\theta}_{r}^{\boldsymbol{x}}) p(\boldsymbol{y}_{r} | \boldsymbol{X}_{r}, \boldsymbol{\theta}_{r}^{\text{GP}}, \boldsymbol{\Omega}) \right] \times p(\{\boldsymbol{z}_{t}\}_{t=1}^{T} | \boldsymbol{\Omega})$$

と書ける。 $R \ge \Omega$ はそれぞれ,エキスパートの総数 と超パラメータ集合を表す。本稿では、指示変数集合 $\{z_t\}_{t=1}^T$ を積分消去せず直接表現して、これらの依存 関係を考慮する。式 (4) における個々の分布を以下に 示す。

$$p(\{z_t\}_{t=1}^T | \Omega) = \frac{\Gamma(\alpha)}{\Gamma(\alpha + T)} \prod_{r=1}^R \frac{\Gamma(T_r + \alpha/R)}{\Gamma(\alpha/R)}$$
$$p(\theta_r^{\boldsymbol{x}} | \Omega) = \mathcal{N}(\boldsymbol{\mu}_r; \boldsymbol{m}_0, \boldsymbol{\Sigma}_r / \beta_0) \mathcal{W}(\boldsymbol{\Sigma}_r^{-1}; \boldsymbol{W}_0, \nu_0)$$
$$p(X_r | \theta_r^{\boldsymbol{x}}) = \mathcal{N}(X_r; \boldsymbol{\mu}_r, \boldsymbol{\Sigma}_r)$$
$$p(\boldsymbol{y}_r | X_r, \boldsymbol{\theta}_r^{\mathrm{GP}}, \Omega) = \mathcal{GP}(\boldsymbol{y}_r; \boldsymbol{0}, \boldsymbol{K}_r + \eta_r^2 \boldsymbol{I}_r)$$
(5)

ここで, α , T_r , I_r , η_r^2 ,Wはそれぞれ,ディリクレー多 項分布の超パラメータ, X_r の要素数, $T_r \times T_r$ の単位 行列,観測雑音の分散値,ウィシャート分布を示す。



Fig. 4 マルチカーネル学習に基づくグラム行列表現 本稿では、マルチカーネル学習に基づき、Fig. 4の

ような複数のカーネルの線形結合

$$k_r(\boldsymbol{x}_i, \boldsymbol{x}_j) = w_r^2 \sum_{m=1}^M \psi_{r,m} k_{r,m}(\boldsymbol{x}_i, \boldsymbol{x}_j) \qquad (6)$$

でグラム行列 K_r を表現し、強度 w_r^2 と各カーネル の優勢度 $\psi_{r,m}$ を推定すべき未知パラメータとみなす [14]。ここで、 $x_i, x_j \in X_r, \sum_{m=1}^{M} \psi_{r,m} = 1$ とする。 M は線形結合するカーネル関数の総数である。単位の 異なる様々なコンテキスト(音符内位置や音高差、音 長など)を扱うため、個々のカーネル関数 $k_{r,m}(x_i, x_j)$ を 2 つのカーネル関数の積で表現する [15]。

$$k_{r,m}(\boldsymbol{x}_i, \boldsymbol{x}_j) = k_{r,m}^{(\mathrm{p})}(x_i^{(\mathrm{p})}, x_j^{(\mathrm{p})}) k_{r,m}^{(\mathrm{c})}(\boldsymbol{x}_i^{(\mathrm{c})}, \boldsymbol{x}_j^{(\mathrm{c})}) \quad (7)$$

ここで、 $k_{r,m}^{(p)}(x_i^{(p)}, x_j^{(p)}) \geq k_{r,m}^{(c)}(x_i^{(c)}, x_j^{(c)})$ はそれぞ れ、音符内位置の類似を表す位置カーネルと音符の 類似度を表すコンテキストカーネルと呼ぶ。入力変 数ベクトル $x_i \approx x_i^{(p)}, x_i^{(c)}$ のように位置に関する変 数と音符のコンテキストに関する変数に分け、カーネ ル関数を計算する。位置カーネルは動的変動成分の 時間的連続性や周期性を捉えるために、SE 共分散関 数と周期共分散関数を利用する。

$$k_{r,m}^{(p)}(x_i^{(p)}, x_j^{(p)}) = \exp\left(-\frac{(x_i^{(p)} - \boldsymbol{x}_j^{(p)})^{\mathrm{T}}(x_i^{(p)} - x_j^{(p)})}{2l_m^{(p)^2}}\right)$$
$$k_{r,m}^{(p)}(x_i^{(p)}, x_j^{(p)}) = \exp\left(-2\sin^2\left(\frac{l_m^{(p)}}{2\pi}(x_i^{(p)} - x_j^{(p)})\right)\right)$$

コンテキストカーネルにはSE 共分散関数を利用する。

$$k_{r,m}^{(c)}(\boldsymbol{x}_{i}^{(c)}, \boldsymbol{x}_{j}^{(c)}) = \exp\left(-\frac{(\boldsymbol{x}_{i}^{(c)} - \boldsymbol{x}_{j}^{(c)})^{\mathrm{T}} \boldsymbol{\Lambda}(\boldsymbol{x}_{i}^{(c)} - \boldsymbol{x}_{j}^{(c)})}{2}\right)$$
$$\boldsymbol{\Lambda}^{-1} = \operatorname{diag}(l_{m,1}^{(c)}, l_{m,2}^{(c)}, \dots, l_{m,D_{c}}^{(c)})$$

まとめると、パラメータと超パラメータはそれぞれ、 $\Theta = \{z_1, \dots, z_T, \theta_1^x, \dots, \theta_R^x, \theta_1^{\text{GP}}, \dots, \theta_R^{\text{GP}}\}, \quad \Omega = \{\alpha, \boldsymbol{m}_0, \boldsymbol{W}_0, \beta_0, \nu_0, l_1^{(\text{p})}, \dots, l_M^{(\text{p})}, l_{1,1}^{(\text{c})}, \dots, l_{M,D_c}^{(\text{c})}\} \quad \varepsilon$ なる。 D_c は $\boldsymbol{x}_i^{(\text{c})}$ の次元数を表す。

新たな入力変数 x_* に対する出力変数 y_* の予測分 布を考える。式 (3) を参考にすると、MoGPEs では、

$$p(y_*|\mathcal{D}, \boldsymbol{x}_*, \Theta, \Omega) \tag{8}$$

$$= \sum_{r=1}^{n} p(y_* | \boldsymbol{y}_r, X_r, \boldsymbol{x}_*, z_* = r, \theta_r^{\text{GP}}) p(z_* = r | \boldsymbol{x}_*, \theta_r^{\boldsymbol{x}})$$
$$= \mathcal{N}(y_*; \mu_*, \sigma_*^2)$$

となり,右辺の第1式が GPR とゲート関数の混合モ デルとなることがわかる。ここで,

$$\begin{split} \mu_{*} &= \sum_{r=1}^{R} c_{r} \boldsymbol{k}_{r,*}^{\mathrm{T}} (\boldsymbol{K}_{r} + \eta_{r}^{2} \boldsymbol{I}_{r})^{-1} \boldsymbol{y}_{r} \\ \sigma_{*}^{2} &= \sum_{r=1}^{R} c_{r}^{2} (k_{r} (\boldsymbol{x}_{*}, \boldsymbol{x}_{*}) - \boldsymbol{k}_{r,*}^{\mathrm{T}} (\boldsymbol{K}_{r} + \eta_{r}^{2} \boldsymbol{I}_{r})^{-1} \boldsymbol{k}_{r,*}) \\ c_{r} &= p (z_{*} = r | \boldsymbol{x}_{*}, \theta_{r}^{\boldsymbol{x}}) \end{split}$$

であり、ゲート関数 c_r はベイズの定理を利用して容易に計算できる。この予測分布に基づいて、 F_0 軌跡 $\{f_t\}_{t=1}^{T_m}$ を以下のように音符毎に再合成する。

$$f_t = o_t + c - \bar{o}, \ o_t = \sum_{n=1}^t \mu_{*,n}, \ \bar{o} = \sum_{t=1}^{T_m} o_t / T_m$$
 (9)

ここで、 $c \ge T_m$ はそれぞれ、楽譜に記載される音符 の音高と音長を表す。

GPR はこれまで音声合成 [15] や F_0 生成 [16], 声 質変換 [17] などに適用されており,合成音の観点か ら性能の向上が確認されている。提案法はこれらの 研究と関連するが,動的変動成分の動特性を精緻に 特徴づけるために,MoGPEs と多様なカーネル関数 を利用することが特徴的である。また,MoGPEs を 利用すれば,通常の GPR よりも計算コストを低減で きることも特筆すべき点である [11]。

3 パラメータの推論

MCMC-EM アルゴリズムを用いて、すべてのパラ メータを推論する。具体的には、 $\{z_t\}_{t=1}^{T} \geq \{\theta_r^{w}\}_{r=1}^{R}$ の推論のためにギブスサンプリングを利用する [11]。 また、式 (5) の多次元ガウス分布を独立なガウス分布 の和とみなして、 $\{\theta_r^{GP}\}_{r=1}^{R}$ の推論のために EM アル ゴリズムを利用する [14]。

4 評価実験

新たな入力(楽譜)に対する出力(F_0 軌跡の差分信 号)の予測性能の観点から提案法を評価する。「RWC 研究用音楽データベース:ポピュラー音楽」(RWC-MDB-P-2001)における10楽曲(No. 38, 39, 42, 44, 45, 46, 64, 72, 74, 76)の歌声の F_0 軌跡を手作業でラ ベル付けした結果[18]を利用する。また、その MIDI 信号を楽譜として利用する。これらの楽曲はすべて同 一歌手によって歌われたものである。本来ならばこれ らの楽曲の音響信号から F_0 を推定すべきであるが、 今回は提案法の性能の上限を調べるためにこのような データを用いた。 $x_t \ge F_0$ の後退差分値 y_t は10 ms ごとに計算され、無声音のため F_0 が観測されない区 間は除去した。楽曲 No. 38, 39, 42, 44, 45 はモデル パラメータの学習に、楽曲 No. 46, 64, 72, 74, 76 は 予測性能の評価に利用した。学習データと評価データ

Table 1 RMSE に基づく予測性能の比較					
R	10	20	30	40	50
MoPRs	71.8	59.7	73.1	79.6	56.5
MoGPEs	25.0	24.0	23.9	23.1	22.3



の量はそれぞれ, 649.3 秒, 625.6 秒である。 指示変 数の初期値は、学習データの入力ベクトル集合 { x_t } を k-means クラスタリングすることによって得られ た割当て結果を利用した。各領域に割当てられた入 カベクトルを利用して、 θ_r^x を初期化した。M = 216とし、 $\theta_r^{\rm QP}$ の初期値はそれぞれ、 $w_r^2 = 100, \psi_{r,1} =$ $1/M, \dots, \psi_{r,M} = 1/M, \eta_r^2 = 10 (r = 1, \dots, R)$ とし た。超パラメータの設定を脚注に示す¹。パラメータ の推論回数は 50 回とした。

評価尺度として,実際の出力値系列と式 (8) の予 測平均値系列間の二乗平均平方根誤差 (Root mean square error, RMSE) を利用した。

RMSE =
$$\sqrt{\sum_{t=1}^{T_t} (y_t - \mu_{*,t})^2 / T_t}$$
, (10)

ここで、 T_t は評価データの長さを表す。比較として、 多項式回帰の混合エキスパートモデル (Mixture of polynomial regression experts, MoPRs) を定義した。 式 (5) の GPR が n 次の多項式回帰に置き換わる。

Tab. 1 はエキスパートの数 R を変化させたときの RMSE の平均値を示す。この結果は楽曲 No. 35 だけ を利用してパラメータを学習し、評価した結果であ る。MoPRs の多項式の次数はn = 8とした。これよ り高次の多項式を利用した場合、多項式の重み係数の 推定が安定しなかったためである。RMSE の観点か ら、提案法は多項式回帰からなる単純な手法と比較し て、予測性能が上回ることを確認した。また Rを増 やすにつれて予測性能は向上した。Fig. 5 は 2 つの手 法の予測結果を比較する。動的変動成分の動特性を 表現するために、周期カーネルを利用する提案法の 有効性を確認できた。Tab. 2 は学習データの量に対



Fig. 6 メロディの楽譜とそれを歌った歌声の F₀ 軌跡

する予測性能を検証する。R = 50に固定した。実験 結果より、学習データを増やすに連れて RMSE が小 さくなることを確認した。Fig. 6 は式 (9) によって再 合成される F_0 軌跡を示す。正解となる実際の F_0 軌 跡とほぼ同じ軌跡が得られるが、細かい動特性に関 してはまだ予測が十分でない。予測性能を高めるた めに、エキスパートの数や学習データ量、入力コンテ キストの種類を今後さらに検討する予定である。

5 おわりに

歌声の F₀ 軌跡に表れる様々な動的変動成分を特徴 抽出して歌唱者の歌唱表現を学習し,任意の楽譜に 対して,その歌唱表現を反映した F₀ 軌跡を予測する 生成過程モデルを提案した。実験結果より,単純な多 項式回帰を用いるよりも GPR の混合エキスパートモ デルを利用することの有効性を確認した。予測性能 を高めるために,学習データを増やすこと,エキス パートの数や超パラメータを調整すること,エキス パートの割当てにディリクレ過程を導入することが 挙げられる。この枠組を歌唱者認識や歌唱表現認識, 歌声合成に応用することも検討中である。

参考文献

- [1] Sundberg, "The Science of the Singing Voice" Northern Illinois University Press, 1987.
- [2] Saitou et al., in Proc. WASPAA 2007.
- [3] Regnier, "Localization, Characterization and Recognition of Singing Voices" IRCAM / UPMC in Paris, France, 2013.
- [4] Oura et al., in Proc. ICASSP 2012.
- [5] Nose et al., in Proc. INTERSPEECH 2013.
- [6] Doi et al., in Proc. INTERSPEECH 2013.
- [7] Nakano *et al.*, in *Proc. INTERSPEECH 2006*.
- [8] Migita et al., in Proc. ICA 2010.
- [9] Ohishi et al., in Proc. INTERSPEECH 2012.
- [10] Zen *et al.*, Speech Communication, Vol. 51, No. 11, pp. 1039–1064, 2009.
- [11] Meeds et al., in Proc. NIPS 2006.
- [12] de Cheveigné *et al.*, JASA, Vol. 111, No. 4, pp. 1917–1930, 2002.
- [13] Rasmussen et al., in Proc. NIPS 2002.
- [14] Yoshii et al., in Proc. ICASSP 2013.
- [15] Koriyama et al., in Proc. INTERSPEECH 2013.
- [16] Fernandez *et al.*, in *Proc. ICASSP 2013*.
- [17] Pilkington et al., in Proc. INTERSPEECH 2011.
- [18] Goto, in *Proc. ISMIR 2006*.

¹入力ベクトルの次元数 D は 4 であり、 $\alpha = 1$, $\beta_0 = 0.1$, $\nu_0 = D + 1$ に固定する。 $m_0 \ge W_0$ はそれぞれ、学習データのすべての入力ベクトルの平均ベクトルおよび共分散行列の逆行列を ν_0 で割算した行列に設定する。位置カーネルの超パラメータとして、SE カーネルは { $l_m^{(p)}$, $m = 1, \ldots, 108|0.05, 0.11, 0.23, 0.5$ },周期 カーネルは { $l_m^{(p)}$, $m = 109, \ldots, 216|0.13, 0.15, 0.17, 0.2$ }から選択した。コンテキストカーネルの超パラメータは { $l_{m,1}^{(c)}|1, 2.2, 5$ }, { $l_{m,2}^{(c)}|0.1, 0.55, 3$ }の組合せで設定した。